

Merkblatt für externe Teilnehmer*innen an der Feststellungsprüfung im Fach Mathematik

Das Studienkolleg der TU Berlin bietet die Möglichkeit an, eine Feststellungsprüfung (FSP) in Mathematik abzulegen, ohne die Kurse des Studienkollegs zu durchlaufen. Diese im Folgenden „externe Teilnehmer*innen“ genannten Prüfungskandidaten werden je nach Studienwunsch in die Kategorien T oder W unterteilt (für „technische“ oder „wirtschaftswissenschaftliche“ Fächer).

Kandidaten für T- und W-Fächer müssen eine schriftliche Prüfung bestehen. Ist das Klausurergebnis nicht gut genug, ist eine zusätzliche mündliche Prüfung erforderlich.

Im Folgenden werden Prüfungsablauf und Prüfungsinhalte für T- bzw. W-Fächer einzeln dargestellt.

Teilnehmer für T- und W-Fächer

Die **schriftliche Prüfung** hat eine Bearbeitungsdauer von 180 Minuten:

- Teilnehmer für **T**-Fächer bearbeiten drei von vier Aufgaben.
- Teilnehmer für **W**-Fächer erhalten vier Aufgaben. Sie wählen von den Aufgaben 1, 2 und 4 zwei Aufgaben aus. Die Aufgabe 3 (Wirtschaftsmathematik) ist verpflichtend zu bearbeiten.

Während der Bearbeitungszeit stehen alle Aufgaben zur Verfügung und können gegebenenfalls gewechselt werden. Hilfsmittel sind Taschenrechner (nicht programmierbar oder grafikfähig) sowie eine im Berliner Abitur zugelassene Formelsammlung.

- **Aufgabe 1: Kurvendiskussion**

Behandelte Funktionstypen: Polynomfunktionen, gebrochen-rationale, Exponential- und Logarithmusfunktionen sowie im T-Kurs trigonometrische Funktionen. Diese können abschnittsweise definiert oder von einem Parameter abhängig sein.

Verkettungen der verschiedenen Funktionsarten sind möglich.

Aufgabenteile umfassen im Schwerpunkt: Definitionsbereich ermitteln, Nullstellen, lokale Extrema, Wende- und Sattelpunkte berechnen, Tangente- oder Normale ermitteln, Symmetrieeigenschaften (bzgl. y-Achse und Ursprung), Verhalten an Polstellen oder für $x \rightarrow \pm\infty$ untersuchen, Asymptoten ermitteln, Stetigkeit und Differenzierbarkeit untersuchen, Funktionen mit gegebenen Eigenschaften rekonstruieren, Funktionenscharen untersuchen (z.B. Ortskurve der Extrema), Funktionen skizzieren, ...

Erwartete Fähigkeiten sind unter anderem: Lösen von Polynomgleichungen (abc- bzw. pq-Formel, Polynomdivision, Substitution), Lösen trigonometrischer Gleichungen, Ableiten oben genannter Funktionstypen (Produkt- und Kettenregel), links- und rechtsseitige Grenzwerte berechnen, Regel von Bernoulli-L'Hospital anwenden, lineare Gleichungssysteme lösen, ...

- **Aufgabe 2: Integralrechnung**

Behandelte Funktionstypen: siehe Aufgabe 1

Aufgabenteile umfassen im Schwerpunkt: Stammfunktionen bestimmen (auch mit partieller Integration oder Substitution), Flächen und Integrale berechnen, uneigentliche Integrale untersuchen, Rotationsvolumen (nur T-Kurs), Schnittflächen zwischen Funktionen, ... Darüber hinaus können Teile einer Kurvendiskussion auftreten.

Erwartete Fähigkeiten sind unter anderem: Lösen von Polynomgleichungen, Lösen trigonometrischer Gleichungen, partielle Integration und Substitution, lineare Gleichungssysteme, Regel von Bernoulli-L'Hospital anwenden, ...

- **Aufgabe 3 im T-Kurs: Extremwertaufgabe mit Nebenbedingungen**

Behandelte Funktionstypen: siehe Aufgabe 1

Aufgabenteile umfassen im Schwerpunkt: Aufstellen einer Zielfunktion (auch mehrerer Variablen), Formulieren von Nebenbedingungen aus funktionalen oder geometrischen Zusammenhängen heraus, lokale Extremwerte der Zielfunktion errechnen, Nachweis der Art der Extremwerte, Untersuchen des Rands hinsichtlich globaler Extremwerte, Deuten der Ergebnisse im Sachzusammenhang

Erwartete Fähigkeiten sind unter anderem: Neben den in Aufgabe 1 und 2 genannten mathematischen Fähigkeiten ist es oft erforderlich grundlegende geometrische Formeln anzuwenden (beispielsweise um das Volumen oder die Mantelfläche eines Zylinders in einer Halbkugel zu beschreiben oder mithilfe des Strahlensatzes einen Zusammenhang verschiedener Variablen herzustellen).

- **Aufgabe 3 im W-Kurs: Wirtschaftsmathematik**

Behandelte Themen: *Einfache Verzinsung* (Jahreszinsen, Tageszinsen, bürgerliche und kaufmännische Diskontierung), *zinseszinsliche Verzinsung* (jährliche und unterjährliche Verzinsung, gemischte Verzinsung, stetige Verzinsung, effektiver Jahreszins und Barwert) sowie *Rentenrechnung* (vor- und nachschüssige jährliche Zahlungen, vor- und nachschüssige unterjährliche Zahlungen, jahreskonforme Ersatzrentenrate, Barwert, Dynamisierung einer Rente, Zahlungen aus einem Grundkapital und Restguthaben)

Die Aufgabenteile umfassen im Schwerpunkt Fragen zur Zinseszins- und Rentenrechnung.

Erwartete Fähigkeiten sind unter anderem: aus dem Aufgabentext das mathematische Problem erfassen, die passende Formel finden, die gegebenen Größen richtig zuordnen und die erforderlichen Formeln (siehe *Formelsammlung Finanzmathematik Studienkolleg TU Berlin*) nach jeder Variable umstellen können. Außerdem muss das Rechenergebnis der Fragestellung entsprechend interpretiert werden.

- **Aufgabe 4: Elementarmathematik**

Im T-Kurs werden verschiedene Gleichungen und Ungleichungen behandelt, deren Definitions- und Lösungsmenge zu bestimmen sind. Dabei handelt es sich um Gleichungen und Ungleichungen mit Beträgen und Wurzeln (Fallunterscheidungen). Darüber hinaus treten Potenz- und Logarithmusgleichungen sowie trigonometrische Gleichungen auf (hier ist oft ein Basiswechsel oder eine Substitution erforderlich). Weiterhin werden in einer Teilaufgabe grundlegende Kenntnisse der Vektorrechnung geprüft (lineare Unabhängigkeit, Erzeugendensystem und Basis, Geradengleichungen in Parameterform, Abstände von Punkten, Kreuz- und Skalarprodukt, Determinanten, ...).

Im W-Kurs werden ebenfalls Gleichungen und Ungleichungen behandelt (keine trigonometrischen Gleichungen). Anstelle einer Aufgabe zur Vektorrechnung wird eine Aufgabe zur Stochastik gestellt (Baumdiagramme, bedingte Wahrscheinlichkeiten, Binomialverteilung).

Die **mündliche Prüfung** besteht aus zwei Aufgaben, die in 30 Minuten Vorbereitungszeit erarbeitet werden und in 20 Minuten Prüfungszeit geprüft werden (Hilfsmittel sind erneut nicht grafikfähige, nicht programmierbare Taschenrechner und eine im Berliner Abitur zugelassene Formelsammlung).

Für T-Kurse: Die zwei Aufgaben behandeln im Schwerpunkt die Analysis (ca. 70% der Prüfungsinhalte) und wahlweise Elementarmathematik oder Vektorrechnung (ca. 30% der Prüfungsinhalte).

Die Fragen aus den Bereichen Analysis, Vektorrechnung und Elementarmathematik umfassen im Wesentlichen die zur schriftlichen FSP genannten Teilgebiete, wobei in der mündlichen Prüfung eher Zusammenhänge und Verständnis geprüft werden und auf die verkürzte Bearbeitungs- und Prüfungszeit Rücksicht genommen wird.

Für W-Kurse: Eine Aufgabe wird zur Wirtschaftsmathematik gestellt, eine zweite Aufgabe zur Analysis. Auch hier sind Aufgabeninhalte vergleichbar mit denen der schriftlichen Prüfung.

Literaturempfehlungen:

- Bigalke / Köhler: „Mathematik – Analysis“ und „Mathematik – Analytische Geometrie, Stochastik“, Cornelsen Verlag, Berlin
- Weiterführend und eher auf das spätere Studium hin ausgerichtet ist Harro Heuser: „Lehrbuch der Analysis“ in zwei Bänden, Vieweg+Teubner Verlag
- Darüber hinaus finden sich zahlreiche Aufgabensammlungen mit Lösungen im Internet, beispielsweise unter <http://www.mathe-aufgaben.com/aufgaben/aufgaben-oberstufe.html>
- Prüfungsbeispiele https://www.studienkolleg.tu-berlin.de/menue/uebungen_und_pruefungen/pruefungsbeispiele/